

حيث ان:

$$A_1 = -\frac{1}{2} - \frac{\zeta}{2\sqrt{\zeta^2 - 1}} \quad P_1 = -\zeta\omega_n + \omega_n\sqrt{\zeta^2 - 1}$$

$$A_2 = -\frac{1}{2} + \frac{\zeta}{2\sqrt{\zeta^2 - 1}} \quad P_2 = -\zeta\omega_n - \omega_n\sqrt{\zeta^2 - 1}$$

مما سبق يتضح أن السلوك الديناميكي للأنظمة ذات الرتبة الثانية يعتمد على المتغيرات  $(A_1, A_2, P_1, P_2)$  والتي بدورها تتعلق بكل من  $(\zeta, \omega_n)$  كما في الحالات التالية:

### أ - إذا كانت $0 < \zeta < 1$ under damped system

يكون الجذران  $(P_1, P_2)$  مركبين ومترافقان Complex conjugates ويقعا في الجانب الأيسر من المستوى المركب S وتكون الثوابت  $(A_1, A_2)$  مركبين في هذه الحالة يسمى النظام المضائل \_ under damped system حيث إن :

$$P_1, P_2 = -\zeta\omega_n \pm j\omega_n\sqrt{1 - \zeta^2}$$

وتكون الاستجابة العابرة له من معادلة الخرج هي:

$$c(t) = 1 - \frac{e^{-\zeta\omega_n t}}{\sqrt{\zeta^2 - 1}} \sin(\omega_d t + \beta) \quad (21- 3)$$

حيث إن:

$$\omega_d = \omega_n\sqrt{1 - \zeta^2} \quad (22- 3)$$

$$\beta = \tan^{-1}\left(\frac{\sqrt{\zeta^2 - 1}}{\zeta}\right) \quad (23- 3)$$

حيث إن:

التردد الطبيعي المضائل بالمقدار  $\sqrt{1 - \zeta^2}$ .  $\omega_d =$  damping natural frequency.

### ب - إذا كانت $\zeta = 1$ Critically damped System

يكون الجذران  $(P_1, P_2)$  حقيقيان وسالبان ومتساويان negative real and equal roots ويقعا في الجانب الأيسر من المستوى المركب S وتكون الثوابت  $(A_1, A_2)$  حقيقيان هذه الحالة يسمى نظام المضائلة الحرجة critical damped system حيث إن:

$$P_1, P_2 = -\omega_n$$